

| $P(Y X)$ | $X = 1$ | $X = 2$ | $X = 3$ |
|----------|---------|---------|---------|
| $Y = 1$ | 0.16 | 0.84 | 0.16 |
| $Y = 2$ | 0.34 | 0.14 | 0.34 |
| $Y = 3$ | 0.50 | 0.02 | 0.50 |

×

| X | $P(X)$ |
|-----|--------|
| 1 | 0.25 |
| 2 | 0.25 |
| 3 | 0.50 |

(a)

| $P(X, Y)$ | $X = 1$ | $X = 2$ | $X = 3$ |
|-----------|---------|---------|---------|
| $Y = 1$ | 0.040 | 0.210 | 0.080 |
| $Y = 2$ | 0.085 | 0.035 | 0.170 |
| $Y = 3$ | 0.125 | 0.005 | 0.250 |

(b)

| $P(X Y)$ | $Y = 1$ | $Y = 2$ | $Y = 3$ |
|----------|---------|---------|---------|
| $X = 1$ | 0.12 | 0.29 | 0.33 |
| $X = 2$ | 0.64 | 0.12 | 0.01 |
| $X = 3$ | 0.24 | 0.59 | 0.66 |

×

| Y | $P(Y)$ |
|-----|--------|
| 1 | 0.33 |
| 2 | 0.29 |
| 3 | 0.38 |

(c)

| $\hat{P}(X, Y)$ | $X = 1$ | $X = 2$ | $X = 3$ |
|-----------------|---------|---------|---------|
| $Y = 1$ | 0.104 | 0.087 | 0.141 |
| $Y = 2$ | 0.065 | 0.071 | 0.154 |
| $Y = 3$ | 0.078 | 0.089 | 0.211 |

(d)